

Algorithmique et Programmation 3

TP 3: Racine Carrée et La Bifurcation de Feigenbaum

12/11/2020

1 Racine Carrée

On peut calculer la racine carrée d'un nombre A par l'algorithme suivant :

Algorithm 1: Racine carrée

- 1 Choisir au hasard un nombre X
 - 2 **while** $\varepsilon < |X - \sqrt{A}|$ **do**
 - 3 $X = \frac{1}{2} \left(X + \frac{A}{X} \right)$
 - 4 Retourner X
-

1. Écrivez cet algorithme.
2. Comparez l'algorithme avec la fonction `sqrt` de Python. Ensuite, calculez la racine carrée de tous les entiers entre 1 et 1 milliard et voyez le nombre d'itérations utilisées. Attention, pour utiliser la fonction `sqrt` il faut d'abord importer la librairie `math` : **from math import ***.
3. Pourquoi est-ce que cet algorithme fonctionne ?

2 La bifurcation de Feigenbaum

Considérez la suite suivante,

$$x_{n+1} = 1 - \mu x_n^2, \quad x_0 \in [0, 1] \quad (1)$$

La suite $(x_n)_n$ représente l'évolution de la taille (en proportion) d'une population biologique au fil des générations. Selon la valeur de μ l'équation (1) peut générer une suite convergente, une suite soumise à oscillations ou une suite chaotique.

1. Écrivez une fonction qui calcule la suite de Feigenbaum étant donné μ et x_0 .
2. À partir du même point initial x_0 , étudiez les différentes suites obtenues quand on considère
 - (a) $0 \leq \mu \leq 0.75$
 - (b) $0.75 \leq \mu \leq 1.25$
 - (c) $1.25 \leq \mu \leq 1.368$
 - (d) $1.368 \leq \mu \leq 1.401$
 - (e) $1.401 \leq \mu \leq 2$

Pour cela, pensez à utiliser la librairie `matplotlib`.